

電子制御工学科

物理

[1] (配点) 50. 部分点の基準は記載の通りとする。

小球が投射点から水平方向の距離 x [m]にあるときの時刻を t [s]とする。水平方向には速度が $v_0 \cos \theta$ [m/s]の等速度直線運動と同様な運動を行うから、時刻 t [s]における水平方向の距離 x [m]は、

$$x = v_0 \cos \theta \cdot t \quad (1-1)$$

となる。

時刻 t における水平方向の距離 x を表す式 (1-1) が書けたら 15 点

一方、鉛直方向には初速度が $v_0 \sin \theta$ [m/s]の鉛直投げ上げと同様な運動を行うから、時刻 t [s]における投射点からの高さは、 y [m]とおくと、

$$y = v_0 \sin \theta \cdot t - \frac{1}{2} g t^2 \quad (1-2)$$

となる。

時刻 t における垂直方向の距離 y を表す式 (1-2) が書けたら 15 点

(1-1)式より、

$$t = \frac{x}{v_0 \cos \theta} \quad (1-3)$$

式 (1-1) を式 (1-3) のように変形できたら 5 点

であるから、(1-3)式を(1-2)式に代入して、

$$\begin{aligned} y &= v_0 \sin \theta \cdot \frac{x}{v_0 \cos \theta} - \frac{1}{2} g \left(\frac{x}{v_0 \cos \theta} \right)^2 \\ &= \tan \theta \cdot x - \frac{g}{2 v_0^2 \cos^2 \theta} \cdot x^2 \quad \text{[m]} \end{aligned} \quad (1-4)$$

式 (1-3) を式 (1-2) に代入し式 (1-4) が導き出せたら 15 点
(式 (1-4) のみ) 単位なし、または明らかな単位間違い場合は 2 点減点

模範解答

[2] (配点) 50. 部分点の基準は記載の通りとする、

抵抗を直列接続した場合の合成抵抗とオームの法則を考えて、

$$R_1 + R_2 = \frac{V_a}{I_a} \quad (2-1)$$

が成り立つ。

直列接続時の抵抗、電圧、電流の関係式 (2-1) が書けたら 10 点

抵抗を並列接続した場合の合成抵抗とオームの法則を考えて、

$$\frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} = \frac{V_b}{I_b} \quad \text{や} \quad \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} = \frac{I_b}{V_b} \quad (2-2)$$

が成り立つ。

並列接続時の抵抗、電圧、電流の関係式 (2-2) が書けたら 15 点

(2-1)式及び(2-2)式に数値を代入すると、

$$R_1 + R_2 = \frac{60}{1.2} = 50 \quad (2-3)$$

$$\frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} = \frac{24}{2} = 12 \quad (2-4)$$

(2-3)式より

$$R_2 = 50 - R_1 \quad (2-5)$$

(2-4)式に(2-5)式を代入してまとめると、

$$\frac{R_1(50 - R_1)}{R_1 + (50 - R_1)} = 12 \quad (2-6)$$

$$R_1^2 - 50R_1 + 600 = 0 \quad (2-7)$$

式 (2-1)、(2-2) より 2 次方程式 (2-7) を導き出せたら 15 点

$$(R_1 - 30)(R_1 - 20) = 0 \quad (2-8)$$

$R_1 > R_2$ であること及び(2-5)式より、

$$R_1 = 30 \, \Omega, \quad R_2 = 20 \, \Omega$$

式 (2-7) を解き、 $R_1 > R_2$ が考慮され、それぞれ共に正解で 10 点 (最後のみ) R_1 、 R_2 の値にそれぞれ共に単位が正しく書けていない場合は 2 点減点