

# 中山 雅友美

NAKAYAMA, Mayumi

## キーワード

Hessenberg variety / 変換群論 / 代数的トポロジー / 情報幾何学

## 分野等

## 幾何学

## email

m\_nakayama[at]nagaoka-ct.ac.jp ※ [at] を @ に変えてください



## 研究分野

自然科学一般、幾何学

多様体の基本群やコホモロジーといったトポロジーを用いて幾何構造を理解する研究をしてきました。最近では、組み合わせ論、代数幾何、トポロジーといった異分野が交叉する Hessenberg 多様体に興味を持っています。

(Hessenberg 多様体については右をご覧ください。)

## 職名

助教

## 学位

博士(理学)

## 興味のあること・技術 PR

本校で統計学の授業を担当する機会があり、それから情報幾何学にも興味を持って勉強を始めました。データ解析は専門ではありませんが、統計的モデルを幾何学として捉えることでデータの特徴を紐解ければ面白いと思っています。

数学に対して堅苦しいイメージを持っている方も多いと思いますが、数学はとても自由で純粋に楽しめる学問です。専門的な数学に触れたい、勉強をしてみたいといった方はお気軽にお声がけください。

1.1. **Hessenberg function and Hessenberg variety.** Let  $n$  be a positive integer and  $[n]$  the set  $\{1, 2, \dots, n\}$ . A function  $h$  is a Hessenberg function if it satisfies the following two conditions:

i)  $h(1) \leq h(2) \leq \dots \leq h(n)$ ,

ii)  $j \leq h(j)$  for all  $j \in [n]$ .

The (full) flag variety  $F(\mathbb{C})$  is the collection of nested linear subspaces  $V_i := V_1 \subset V_2 \subset V_3 \subset \dots \subset V_n = \mathbb{C}^n$  with  $\dim V_i = i$  for all integers  $i \in [n]$ . For an  $n \times n$  matrix  $X$  considered as a linear map  $X : \mathbb{C}^n \rightarrow \mathbb{C}^n$  and a Hessenberg function  $h : [n] \rightarrow [n]$ , the Hessenberg Variety associated with  $X$  and  $h$  is defined as

$\text{Hess}(X, h) = \{\mathbf{V}_j \in F(\mathbb{C}^n) \mid X V_j \subset V_{h(j)} \text{ for all } j \in [n]\}$ .

**example 1.1.** Let  $n=5$ ,  $h = (h(1), h(2), h(3), h(4), h(5)) = (3, 3, 4, 5, 5)$  and  $X = id = E$ . Since any flag variety  $\mathbf{V}_i$  satisfies the condition  $X \mathbf{V}_i \subset \mathbf{V}_{h(i)}$  for all  $j \in [n]$ , so  $\text{Hess}(E, h) = F(\mathbb{C})$ .

More generally, for the identity map  $E$  and any Hessenberg function  $h$ , the Hessenberg Variety  $\text{Hess}(E, h) = F(\mathbb{C})$ .

## 特別設備

専門的な数学(幾何学)のゼミを行っています。

## 企業との連携実績

平成 29 年 長岡市教育委員会「熱中!感動!夢づくり教育 数学アカデミー」講師

平成 30 年 数学アカデミー in 長岡高専 企画運営

平成 30 年 まちなかキャンパス サイエンスカフェ 4 次元という概念があるねん 講師

## 企業へ向けて

数学に対して堅苦しいイメージを持っている方も多いと思いますが、数学はとても自由で純粋に楽しめる学問です。専門的な数学に触れたい、勉強をしてみたいといった方はお気軽にお声がけください。

## 各クラスの平均値

|                    | 子育て、労働力、若さ | 独身<br>お一人様志向 | 男性社会<br>構造 | 第一次産業中心で人が少ない | 農林漁業、拡大家族で人もいるが人口減少傾向にある |
|--------------------|------------|--------------|------------|---------------|--------------------------|
|                    | PC1        | PC2          | PC3        | PC4           | PC5                      |
| 0 中都市型             | -0.95573   | -1.26189     | 0.55377    | 0.295526      | -0.296115                |
| 1 主要都市型            | 5.811589   | 4.06077      | -2.45318   | 0.615184      | -0.96972                 |
| 2 ベッドタウン型          | 2.340607   | -1.09352     | 0.008397   | -0.73226      | -0.01911                 |
| 3 少子高齢化<br>難い場所が多い | -3.1655    | 1.00074      | -0.70871   | -0.56805      | -0.58573                 |
| 4 獲物種保護がある島        | 1.508121   | 4.551645     | 4.745764   | -0.24381      | -1.07166                 |
| 5 第一次産業中心の市街       | -1.697389  | 1.710336     | 0.490418   | -0.14201      | 2.161666                 |
| 6 大都市型             | 0.482814   | 0.196375     | -1.1641    | 1.915318      | 0.452249                 |

## 市区町村の分類結果



H29年 熱中!感動!夢づくり教育 数学アカデミー